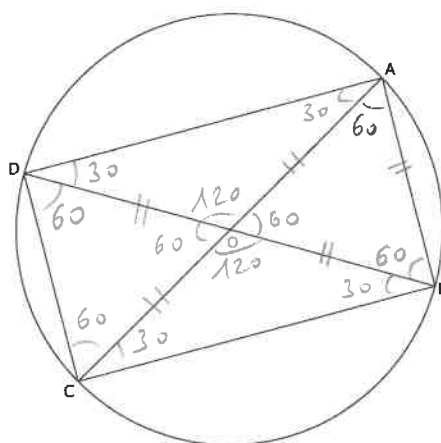


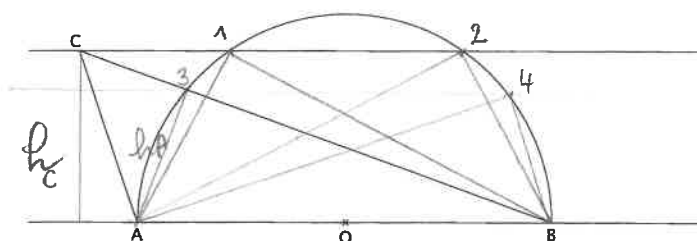
### Exercice GMO-AC-1

- a) En sachant que  $O$  est le centre du cercle et que  $AB = OB$ , calcule tous les angles de la figure ci-dessous.



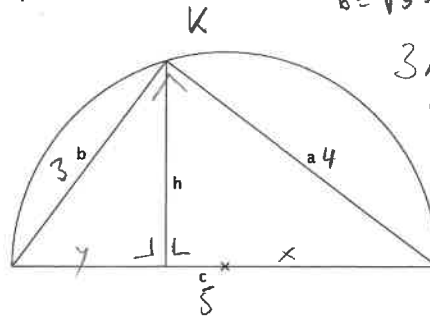
*HBCD est un rectangle car ses diagonales sont isométriques et se coupent en leur milieu. AOB est un triangle équilatéral*

- b) Construis quatre triangles rectangles différents qui ont la même base AB et la même hauteur que le triangle ABC.



### Exercice GMO-AC-2

a) Calcule  $h$  sachant que  $a=4$  et  $c=5$ .



$$b = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$$

3  $\Delta$  semblables

grand côté moyen

1) 5 4

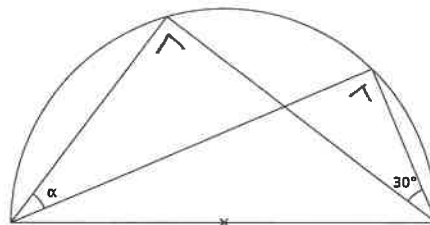
2) 4 x

3) 3 h

petit  
3  
h  $\swarrow \times 0,8$   
y  $\swarrow \times 0,6$

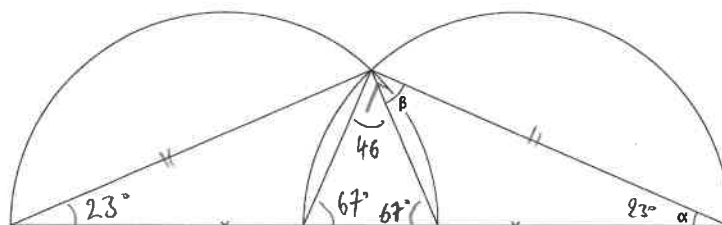
$$h = 4 \cdot 0,6 = 2,4$$

b) Combien vaut l'angle  $\alpha$  ?



$$\alpha = 30^\circ \quad B$$

c) Combien vaut  $\beta$  si  $\alpha$  vaut  $23^\circ$  ?

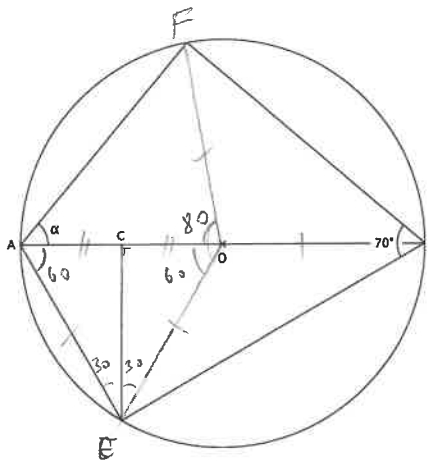


Copyright © 2008 - Gabriele Mondada - [www.ecolesuisse.ch](http://www.ecolesuisse.ch)  
Distributed under the terms of the GNU Free Documentation License  
Visit <http://www.mondada.net/gabriele/school/>

$$\beta = 90 - 46 = 44^\circ$$

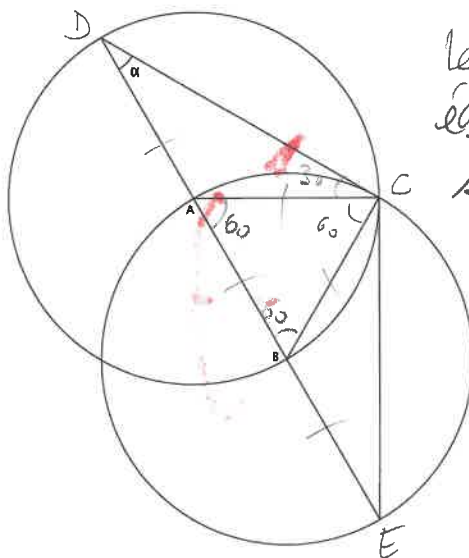
### Exercice GMO-AC-3

a) Calcule combien vaut  $\alpha$  sachant que  $AC = CO$  et que  $O$  est le centre du cercle.



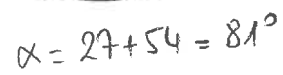
$\triangle ABE$  équilatéral car  
hauteur = médiane  
et  $OA = OE$   
 $\widehat{FOE} = 140^\circ$   
 $\widehat{FOA} = 80^\circ$   
 $\alpha = \frac{180 - 80}{2} = 50^\circ$

b) Détermine la valeur de  $\alpha$  sachant que  $A$  et  $B$  sont les centres des deux cercles.



le  $\triangle ABC$  est  
équilatéral car  
ses côtés sont des  
rayons isométriques  
 $\widehat{BCD} = \widehat{ACE} = 90^\circ$   
 $\widehat{ACD} = 90 - 60 = 30^\circ$   
 $\alpha = 30^\circ$

a) Calcule tous les angles de la figure ci-dessous, sachant que  $\alpha = 67.9^\circ$  et  $\beta = 35.5^\circ$ .

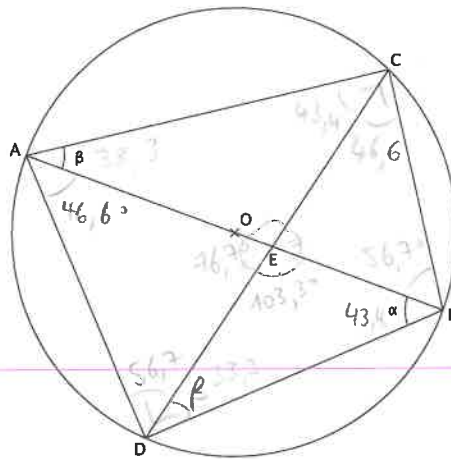


- 

$$\alpha = 180 - 2 \cdot 33,8 = 112,4^\circ$$

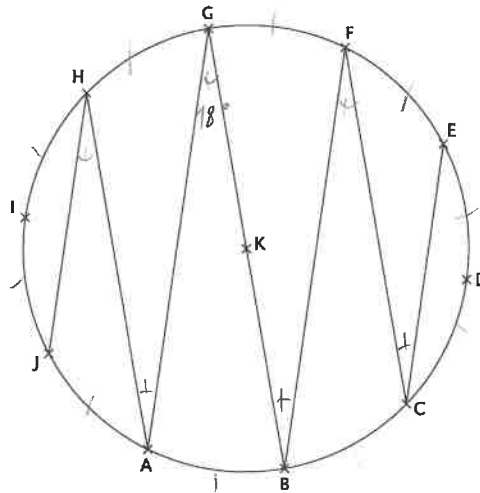
### Exercice GMO-AC-5

a) Calcule tous les angles de la figure ci-dessous, sachant que  $\alpha = 43.4^\circ$  et  $\beta = 33.3^\circ$ .



$$\begin{aligned} \widehat{ACB} &= \widehat{ADB} = 90^\circ \quad \text{K} \\ \widehat{ACD} &= \widehat{ABD} = \alpha = 43.4^\circ \quad \text{B} \\ \widehat{BCE} &= 90 - 43.4 = 46.6^\circ \\ \widehat{DAB} &= \widehat{DCB} = 46.6^\circ \quad \text{B} \\ \widehat{CDB} &= 33.3^\circ \quad \text{B} \\ \widehat{DEB} &= \widehat{CEA} = 103.3^\circ \\ \widehat{CEB} &= \widehat{AED} = 180 - 103.3 = 76.7^\circ \\ \widehat{ABC} &= \widehat{ADC} = 90 - 33.3^\circ \\ &= 56.7^\circ \end{aligned}$$

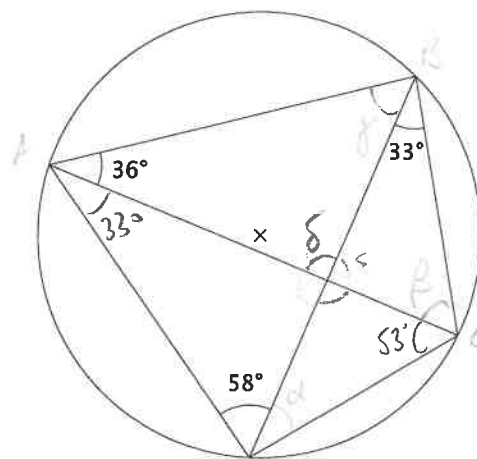
b) Détermine tous les angles présents sur la figure ci-dessous, en sachant que l'angle AGB vaut  $18^\circ$  et que les points A, B, C, D, E, F, G, H, I et J sont répartis régulièrement sur la circonférence. Décris les étapes ou le raisonnement qui t'ont permis de les déterminer.



$18^\circ$  car ce sont des angles inscrits qui interceptent des arcs de même longueur

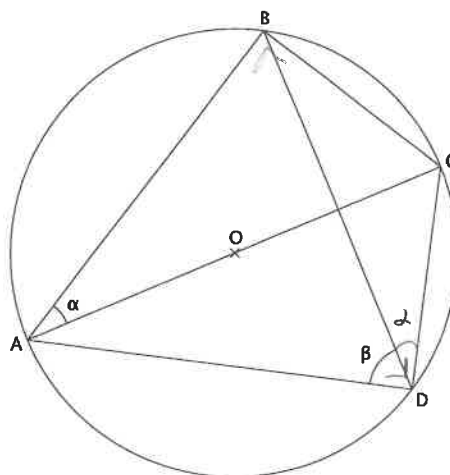
### Exercice GMO-AC-6

a) Calcule tous les angles de la figure ci-dessous.



$$\begin{aligned} \alpha &= 36^\circ \quad B \\ \beta &= 58^\circ \quad B \\ \widehat{ABC} &= 120 - 36 - 58 = 86^\circ \\ \gamma &= 86 - 33 = 53^\circ \\ \delta &= 180 - 33 - 53 = 94^\circ \\ \epsilon &= 180 - 94 = 86^\circ \end{aligned}$$

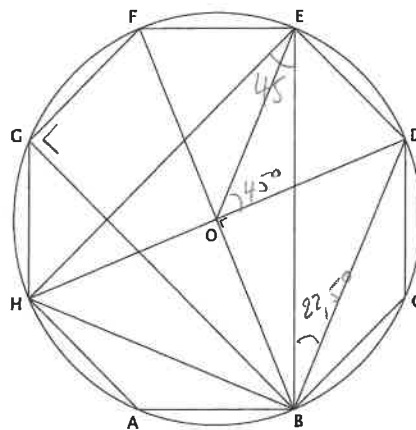
b) Détermine la valeur de  $\beta$  sachant que  $\alpha = 30^\circ$ . Ecris les étapes du raisonnement qui t'ont permis de la trouver.



$$\begin{aligned} \widehat{ADC} &= 90^\circ \quad K \\ \widehat{CDB} &= \widehat{CAB} = \alpha = 30^\circ \quad B \\ \beta &= 90 - \alpha = 60^\circ \end{aligned}$$

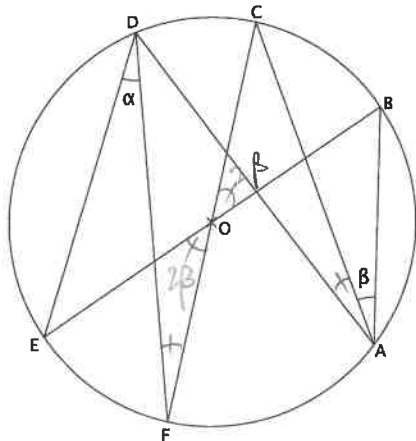
### Exercice GMO-AC-7

- a) Détermine l'angle BGF, l'angle BEH et l'angle EBD en sachant que ABCDEFGH est un octogone régulier. Justifie ta réponse.



$$\begin{aligned} \widehat{EDP} &= \frac{360}{8} = 45^\circ \\ \widehat{BGF} &= 90^\circ \quad \text{K} \\ \widehat{BEH} &= \frac{\widehat{BOH}}{2} = \frac{90}{2} = 45^\circ \quad \text{A} \\ \widehat{EBD} &= \frac{\widehat{EOD}}{2} = \frac{45}{2} = 22,5^\circ \quad \text{A} \end{aligned}$$

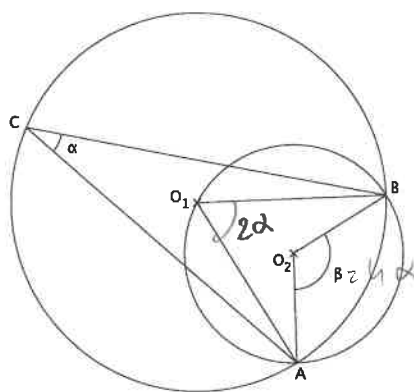
- b) Détermine la relation qu'il y a entre  $\alpha$  et  $\beta$ . O est le centre du cercle. Justifie ta réponse.



$$\begin{aligned} \widehat{AOB} &= 2\beta \quad \text{A} \\ 2\alpha &= 2\beta \quad \text{J} \\ \alpha &= \frac{2\beta}{2} = \beta \quad \text{A} \\ \alpha &= \beta \end{aligned}$$

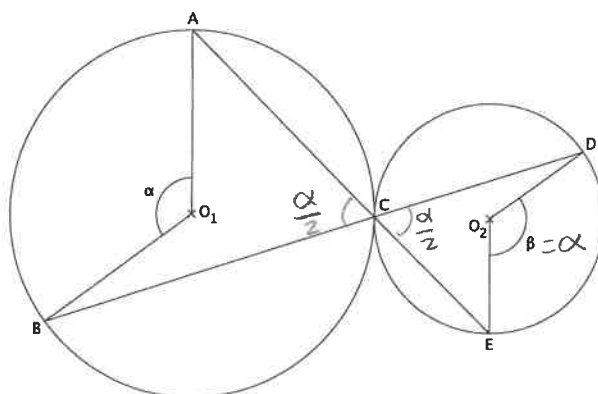
### Exercice GMO-AC-8

- a) Détermine quelle est la relation entre  $\alpha$  et  $\beta$ . Justifie ta réponse. Sache que  $O_1$  et  $O_2$  sont les centres des deux cercles.



$$\begin{aligned} \hat{AO_1B} &= 2\hat{ACB} = 2\alpha & A \\ \hat{AO_2B} &= 2\hat{AO_1B} & A \\ \beta &= 2 \cdot 2\alpha \\ \beta &= 4\alpha \end{aligned}$$

- b) Détermine quelle est la relation entre  $\alpha$  et  $\beta$ . Justifie ta réponse.



$$\begin{aligned} \hat{ACB} &= \frac{\hat{AO_1B}}{2} & A \\ \hat{DCF} &= \frac{\alpha}{2} & J \\ \hat{EO_2D} &= 2\hat{ECD} = 2 \cdot \frac{\alpha}{2} = \alpha & A \\ \beta &= \alpha \end{aligned}$$